(19)日本国特許庁 (JP)

(12) 公開特許公報(A)

(11)特許出顧公閱番号 特開2002-357661 (P2002-357661A)

(43)公開日 平成14年12月13日(2002.12.13)

(51) IntCL'

識別記号

FΙ

テーマコート*(参考)

G01T 1/161

G01T 1/161

E 2G088

審査請求 未請求 請求項の数5 OL (全 7 頁)

(21)出願番号

特置2001-163323(P2001-163323)

(22)出頭日

平成13年5月30日(2001.5.30)

特許法第30条第1項適用申請有り 平成12年12月1日 理化学研究所 加速器基盤研究部 マルチトレーサー研 究会主催の「理研シンポジウム 生体微量元素2000」に おいて文書をもって発表 (71)出願人 396020800

科学技術振興事業団

埼玉県川口市本町4丁目1番8号

(71)出窟人 301032942

独立行政法人放射線医学総合研究所

千葉県千葉市稲毛区穴川四丁目9番1号

(72)発明者 平澤 雅彦

千葉県千葉市稲毛区黒砂台三丁目4番12号

稲毛ペルハウス305号室

(72)発明者 富谷 武浩

千葉県千葉市中央区松波二丁目21番18号

(74)代理人 100105371

弁理士 加古 進

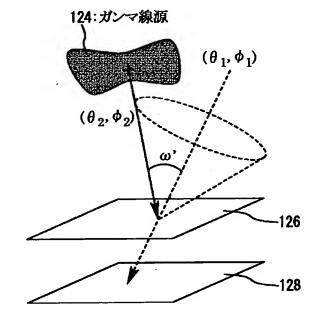
最終頁に続く

(54) 【発明の名称】 ライン・プロジェクション導出型コンプトン・カメラ

(57)【要約】

【課題】 ライン・プロジェクションを測定できるコンプトン・カメラの提供

【解決手段】既知エネルギー・ガンマ線源124からのガンマ線を前面検出器126および後面検出器128で、それぞれコンプトン散乱位置、相互作用位置を検出している。ガンマ線源124から、前面検出器126へガンマ線が(θ_2 , ϕ_2)の角度で入射し、前面検出器126でコンプトン散乱(散乱角 ω ')が発生して、その散乱ガンマ線が後面検出器128に入射したところを示している。この散乱ガンマ線の飛跡方向は、前面検出器126と後面検出器128のコンプトン散乱位置と相互作用位置を結ぶ直線の方向(θ_1 , ϕ_1)である。この場合、ガンマ線源124は、この直線(θ_1 , ϕ_1)を中心線とする頂角(散乱角) ω 'の円錐内の方向にある。これにおいて、積分方程式を立てて解くことにより、ガンマ線源のライン・プロジェクションを求める。



1

【特許請求の範囲】

【請求項1】ガンマ線に対する前面検出器および後面検 出器を有する、ガンマ線源を測定するコンプトン・カメ ラであって、

前記前面検出器および後面検出器は、前記ガンマ線源に 対する測定開口角が鋭角となるように構成され、前記前 面検出器は、前記ガンマ線源から入射したガンマ線によ るコンプトン散乱位置を測定でき、前記後面検出器は、 前記前面検出器からのコンプトン散乱後のガンマ線の入 射位置を測定でき、

前記前面検出器および後面検出器による測定値を用い て、前記前面検出器からの前記ガンマ線源のライン・プ ロジェクションを演算する演算部を備えることを特徴と するライン・プロジェクション導出型コンプトン・カメ ラ.

【請求項2】請求項1記載のコンプトン・カメラにおい て、前記後面検出器が任意の形状面でよいことを特徴と するコンプトン・カメラ。

【請求項3】請求項1又は2に記載のライン・プロジェ クション導出型コンプトン・カメラにおいて、前記演算 20 部は、ライン・プロジェクションを、計測されるコンプ トン散乱頻度分布関数を積分関数とする、実対称核をも つ第1種フレドホルム型積分方程式を、2乗可積分関数 空間での線形作用素論を用いて解くことにより得ること を特徴とするライン・プロジェクション導出型コンプト ン・カメラ。

【請求項4】請求項1~3に記載のライン・プロジェク ション導出型コンプトン・カメラと、

前記コンプトン・カメラと分布ガンマ線源との間に、相 対的な回転運動を得るための回転運動駆動装置と、

前記コンプトン・カメラから測定された前記分布ガンマ 線源のライン・プロジェクションから、前記分布ガンマ 線源の3次元分布画像を演算する画像演算部とを備える ことを特徴とするガンマ線源3次元分布画像測定装置。 【請求項5】2台平行に設置した請求項1~3に記載の ライン・プロジェクション導出型コンプトン・カメラ

前記2台のコンプトン・カメラにより測定された、点状 ガンマ線源のライン・プロジェクションから、前記点状 ガンマ線源の3次元位置を演算する位置演算部とを備 え、前記点状ガンマ線源の3次元位置を測定することを 特徴とするガンマ線源3次元位置測定装置。

【発明の詳細な説明】

[0001]

【発明の属する技術分野】本発明は、ガンマ線源の位置 を3次元的に測定するコンプトン・カメラに関するもの で、特に、コンプトン・カメラを用いて分布ガンマ線源 の3次元分布画像等を測定する技術分野に属する。

[0002]

【技術的背景】コンプトン・カメラとは、ガンマ線のコ 50 ョンを導出するガンマ・カメラに対しては、多くの完全

ンプトン散乱を利用し、ガンマ線源の位置を3次元的に 測定する装置であり、その最初のもの(コーン・プロジ ェクション導出型コンプトン・カメラ)は1974年に 発案された。コンプトン・カメラは、一般に、ガンマ線 源に対し前後に置いた2つのガンマ線検出器から構成さ れる。コーン・プロジェクション導出型コンプトン・カ メラとしては、(1)前方検出器でコンプトン散乱した 後、後方検出器でもエネルギー付与相互作用をする既知 エネルギー・ガンマ線の、前面検出器での付与エネルギ 10 ーとコンプトン散乱位置、および、後面検出器での相互 作用位置を利用する形態、(2)前方検出器でコンプト ン散乱した後、後方検出器で光電吸収される既知エネル ギー・ガンマ線の、前面検出器でのコンプトン散乱位 置、および、後面検出器での付与エネルギーと光電吸収 位置を利用する形態、の2つが考えられる。これらのコ ーン・プロジェクション導出型コンプトン・カメラは、 1回のガンマ線入射に対して、そのガンマ線の放出位置 を前方検出器でのコンプトン散乱点から広がる1つの円 錐面上に限定する。そして、多数回のガンマ線入射によ る多数の円錐面を重ね合わせることにより、ガンマ線源 の3次元位置を推定する装置である。このコーン・プロ ジェクション導出型コンプトン・カメラは、前者の形態 では、前面検出器に高いエネルギー分解能が要求され、 後者の形態では、後面検出器に高いエネルギー分解能が 要求される。コンプトン・カメラで、分布ガンマ線源の 3次元分布画像を構成することを考慮する場合、コンプ トン散乱には後方散乱が含まれるため、最も効率よく分 布ガンマ線源からのガンマ線を利用するには、図1 (a) に示す二重球面型検出器のように、分布ガンマ線 30 源102を囲む2重球面状の検出器104および106 の配置が望まれる。しかし、これは、多くの検出素子を 必要とするという欠点を持つ。 そこで、 図1 (a)の1 点鎖線で囲まれた部分のみを切り出し、図1 (b) に示 すように、分布ガンマ線源114を検出器で囲まずに、 前後においた2つの検出器116および118を用い て、分布ガンマ線源114を例えば回転台112により 回転させるか、前後2つの検出器116および118 を、分布ガンマ線源114を中心に周回させる装置が実 用的なものとして考えられる。なお、図1(b)のα は、測定開角である。一般に、ガンマ線の入射情報を利 用し、分布ガンマ線源の3次元分布画像を構成する方法 は、大きく2つに分けることができる。1つは、反復計 算方法であり、他の1つは、解析的計算方法である。前 者は、計算量が膨大となり、計算に比較的長時間を要す

るのに対し、後者は比較的短時間で計算を終了でき実用 的である。コーン・プロジェクション導出型コンプトン

・カメラに関しては、反復計算方法はすでに提案されて

いるが、解析的計算方法の完全なものは未だ提案されて

いない。しかし、SPECT等のライン・プロジェクシ

3

な解析的計算方法が提案されている。この多くの解析的 計算方法は3次元計算機トモグラフィ (3次元CT)と 呼ばれ、2次元のものは既に実用されている。しかし、 ライン・プロジェクション導出型ガンマ・カメラはコリ メータを用いるため、ガンマ線源からのガンマ線の利用 効率が低いという欠点を持っている。

[0003]

【発明が解決しようとする課題】本発明は、ライン・プロジェクションを導出するコンプトン・カメラを構築することにより、ガンマ線源からのガンマ線を効率よく利 10 用しつつ、3次元CTの適用により、分布ガンマ線源の実用的な3次元分布画像構成等を可能とすることを解決課題とする。

[0004]

【課題を解決するための手段】上記課題を解決するため の、本発明である、ライン・プロジェクションを導出す るコンプトン・カメラを構築する。すなわち、本発明 は、ガンマ線に対する前面検出器および後面検出器を有 する、ガンマ線源を測定するコンプトン・カメラであっ て、前面検出器および後面検出器は、ガンマ線源に対す 20 る測定開口角が鋭角となるように構成し、前面検出器 は、ガンマ線源から入射したガンマ線によるコンプトン 散乱位置を測定でき、後面検出器は、前面検出器からの コンプトン散乱後のガンマ線の入射位置を測定でき、前 面検出器および後面検出器による測定値を用いて、前面 検出器からのガンマ線源のライン・プロジェクションを 演算することを特徴としている。 なおこの時、後面検出 器は任意形状面とすることができる。ライン・プロジェ クションは、多数の入射ガンマ線によるコンプトン散乱 頻度分布関数を積分関数とし、実対称核をもつ第1種フ レドホルム型積分方程式を、2乗可積分関数空間での線 形作用素論を用いて解くことができる。このようなライ ン・プロジェクション導出型コンプトン・カメラを、コ ンプトン・カメラに対して相対的に回転運動をしている 分布ガンマ線源に対して用い、コンプトン・カメラから 測定されたライン・プロジェクションに3次元CTを適 用することにより、分布ガンマ線源の3次元分布画像を 構成することができる。また、点状ガンマ線源に対し て、ライン・プロジェクション導出型コンプトン・カメ ラを2台平行に設置し、この2台のコンプトン・カメラ により測定された点状ガンマ線源に対するライン・プロ ジェクションから、点状ガンマ線源の3次元位置を特定 することが可能となる。

1,2002

*【発明の実施の形態】本発明の実施形態を、図面を参照 して詳細に説明する。本発明は、ライン・プロジェクシ ョンを導出するコンプトン・カメラを構成し、それによ り得られるライン・プロジェクションに3次元CTを適 用し、実用的でガンマ線利用効率のよい、分布ガンマ線 源の3次元分布画像構成法等を得るものである。本発明 のライン・プロジェクション導出型コンプトン・カメラ では、前面検出器でコンプトン散乱した後、後面検出器 でエネルギー付与相互作用をする既知エネルギー・ガン マ線の、前面検出器でのコンプトン散乱位置、および、 後面検出器での相互作用位置のみを利用するものであ り、ガンマ線源の位置を前面検出器の各検出素子からの ライン・プロジェクション (直線上のガンマ線放射能の 積算値)として限定するものである。これは、前後面両 検出器に高いエネルギー分解能を要求せず、かつ、ガン マ線利用効率のよいものとなる。ライン・プロジェクシ ョンが求められると、計算機トモグラフィを用いること により、分布画像が求められることになる(例えば、斉 藤恒雄「画像処理アルゴリズム」近代科学社 1993 年等を参照されたい)。なお、ライン・プロジェクショ ン導出等における計算は、計算機を用いて行うことがで きる。

【0006】図2を用いて、本発明中のライン・プロジ ェクション導出法について説明する。図2において、既 知エネルギー・ガンマ線源124からのガンマ線を前面 検出器126および後面検出器128で、それぞれコン プトン散乱位置、相互作用位置を検出している。 図2で は、ガンマ線源124から、前面検出器126ヘガンマ 線が(θ2, φ2)の角度で入射し、前面検出器126 でコンプトン散乱(散乱角ω')され、その散乱ガンマ 線が後面検出器128に入射したところを示している。 この散乱ガンマ線の飛跡方向は、前面検出器126と後 面検出器128のコンプトン散乱位置と相互作用位置を 結ぶ直線の方向(θ_1 , ϕ_1)である。この場合、ガン マ線源124は、この直線 (θ_1 , ϕ_1) を中心線とす る頂角 (散乱角) ω'の円錐内の方向にある。このよう な構成のコンプトン・カメラにおいて、以下の関数を定 義する。なお、αは測定開角を示している。

【数1】f"(θ_1 , ϕ_1 , ω)

: (θ₁, φ₁)方向の逆方向の単位平方角への、散乱 角ω'近傍の単位角内からの、コンプトン散乱相対頻度 分布の確率密度関数(測定値/測定総数)

【数2】

[0005]

$$f'(\theta_1, \phi_1, \omega') = \frac{1}{2\pi} \frac{1}{\sin \theta_1} \frac{1}{\sin \omega'} f''(\theta_1, \phi_1, \omega') \tag{1}$$

:(θ₁, φ₁) 方向の逆方向の単位立体角への、散乱 角ω'方向の単位立体角からの、コンプトン散乱相対頻※

※度分布の確率密度関数

【数3】

 $f(\theta_1,\phi_1) = 2\pi \int_{-1}^{1} d(\cos \omega') f'(\theta_1,\phi_1,\omega')$

: (θ₁, φ₁) 方向の逆方向の単位立体角への、コンプトン散乱相対頻度分布の確率密度関数

【数4】g(θ_2 , ϕ_2)

: (θ_2 , ϕ_2) 方向の単位立体角内の物質から、原点の周りの単位面積に向けて放射される、放射線量相対分布の確率密度関数(求解;相対ライン・プロジェクション)

*【数5】h (cosω)

: 散乱角ωでのコンプトン散乱の微分断面積/全断面積 (例: クライン・仁科の式)

(2)

上述のように、定義した式を用いると、解くべき方程式は、以下のようになる。

【数6】

$$f(\theta_1, \phi_1) = \int_{a}^{1} d(\cos \theta_2) \int_{0}^{2\pi} d\phi_2 h(\cos \omega) g(\theta_2, \phi_2)$$
 (3)

$$\cos\omega = \cos\theta_1 \cos\theta_2 + \sin\theta_1 \sin\theta_2 \cos(\phi_1 - \phi_2) \tag{4}$$

$$g(\theta_2, \phi_2) = 0 \quad (\theta_2 > \alpha \; ; \; a \equiv \cos \alpha) \tag{5}$$

【0007】この方程式は、第1種フレドホルム (Fred %作用素論のholm)型積分方程式の1つで、この方程式の積分核であ 第1種フレるh (cosω)は、(θ1, φ1)および(θ2, φ 形式で説明2)に関して対称な実数値関数である。実対象核を持つ を持つ第1種のフレドホルム型積分方程式は、要素が2乗可積 20 に表せる。分関数である、無限次元のヒルベルト空間における線形※ 【数7】

$$f(t) = \int_{\mathcal{C}} du \, K(t, u) \, g(u)$$

※作用素論の中で取り扱うことができる。以下に、上述の 第1種フレドホルム型積分方程式の解法を一般化された 形式で説明する。さて、解くべき実対称核K(t,u) を持つ第1種フレドホルム型積分方程式は、以下のよう

$$(数7)$$

$$(K(t,u) = K(u,t)) \qquad (6)$$

これにおいて、以下の解法により、g(u)を求める。 まず、{øi(u)}を、S上の任意の複素正規直交完 備関数系とする。これを用いて、n次正方行列Anの要★

★素aijを以下のように定義する。【数8】

$$a_{ij} \equiv \int_{S} dt \int_{S} du \, \overline{\varphi_{i}(t)} \, K(u, t) \varphi_{j}(u) \tag{7}$$

この正方行列AnをJordan標準形入nで書き表す ☆【数9】 と、 ☆30

 $A_{-} = B_{-} \lambda^{1} \overline{B_{-}} \tag{8}$

となる。ここで、ciを以下のように定義する。

となる。ここで、ciを以下の 【数10】 ◆これを用いて、g(u)は、以下の計算で求めることが できる。 【数1.1】

$$c_{i} \equiv \int_{S} dt \, f(t) \overline{\varphi_{i}(t)} \qquad (9) \qquad \bigoplus_{\substack{\bullet \\ n \to \infty}} \left[(c_{i}, ..., c_{n}) B_{n} \, \lambda_{n}^{1} \overline{B_{n}} \left((u) \atop \vdots \atop \varphi_{n}(u) \right) \right] \qquad (10)$$

【0008】式(10)の計算においては、式(7)、式(8)は、事前に計算しておくことが可能であるため、規定時間のf(t)の測定後、式(9)を順に計算し、式(10)が十分に収束したところで計算を終えることができる。上述の複素正規直交完備関数系としては、例えば、単位球面上の実球面調和関数Ynm(θ、φ)を用いることができる。この実球面調和関数Ynm(θ、φ)は、図3に示されている。この解法は、使用する複素正規直交完備関数系を適当に選ぶことにより、*50

*任意の測定開角 a に適用することが可能であり、実用的なコンプトン・カメラにおける鋭角の測定開角 a (0 < a < 90°) に対して適用することができるだけでなく、任意の形状の後面検出器に対しても適用することが可能である。さらには、この解法では、2重の検出器での相互作用位置情報のみを必要とし、検出器への付与エネルギー情報を必要としない。従って、この解法を利用する本発明のライン・プロジェクション導出型コンプトン・カメラは、前後面両検出器に高いエネルギー分解能

を要求しない。

【0009】図4に、点状ガンマ線源に対し、本発明のコンプトン・カメラを適用した計算結果の例を示す。図4(a),図4(b),図4(c)は、同じ位置にある点状のガンマ線源に対して、計算次数を上げて、ガンマ線源の位置のシミュレーション結果を図示したものである。図4から分かるように、計算次数が上がるに従い、想定した点状ガンマ線源の位置に分布が収束して行っており、本発明のコンプトン・カメラでのライン・プロジェクション導出の正当性を示している。

[0010]

【実施例】 [実施例1] 図5に、本発明のライン・プロ ジェクション導出型コンプトン・カメラの実用的な検出 器配置の例を示す。この例では、ヒト頭部134内のR Iトレーサ (ガンマ線源) 分布の診断例を示しており、 図5(a)は上から見た上面図、図5(b)は横から見 た側面図である。前面検出器136としては、例えば半 導体ガンマ線検出素子を格子状に35×50個並べたも のを用い、後面検出器138としては100×100個 並べたものを用いている。そして、ヒト頭部134又は 20 ライン・プロジェクション導出型コンプトン・カメラ側 を回転させ、それぞれの位置におけるライン・プロジェ クションを得、3次元計算機トモグラフィを適用し、R Iトレーサの3次元分布画像を得ている。それぞれの検 出素子の大きさを、ヒト頭部134を球で近似した直径 をøとして、例えばø/100×ø/100とすると、 理論的解像度としては、 $\phi/50$ を得ることができる。 図5のような構成のものを、従来のSPECTと比較し た場合、空間分解能はほぼ同じでありながら約100倍 のガンマ線利用効率を持つことになる。これにより、被 30 測定者および測定者の放射線被爆量を大きく抑えること ができる。

【0011】 [実施例2] 図6は、本発明のライン・プロジェクション導出型コンプトン・カメラを利用した放射性物質漏出事故位置特定への応用例を示している。図

6に示すように、比較的遠くにある放射性物質漏出事故位置141の3次元位置を特定するために、本発明によるライン・プロジェクション導出型コンプトン・カメラ2台(142および145)を平行において、それぞれのコンプトン・カメラで、放射性物質漏出事故位置の小範囲放射線源に対するライン・

性物質漏出事故位置の小範囲放射線源に対するライン・ プロジェクションを求める。求めたライン・プロジェク ションの交点が、放射性物質漏出事故の3次元位置とな

る。 10 【0012】

【発明の効果】上述のように、本発明のライン・プロジェクション導出型コンプトン・カメラは、実用的な時間で放射線源のライン・プロジェクションを求めることができる。また、本発明のライン・プロジェクション導出型コンプトン・カメラに使用するガンマ線検出器は、高いエネルギー分解能を必要としない。本発明のライン・プロジェクション導出型コンプトン・カメラを用いることにより、高効率にガンマ線を利用しつつ、分布ガンマ線源の3次元分布画像を得ることができる。また、本発明のライン・プロジェクション導出型コンプトン・カメ

【図面の簡単な説明】

できる。

【図1】コンプトン・カメラの二重球面型検出器と二重 平面型検出器との比較を示した図である。

ラを放射性物質漏出事故に適用することにより、ガンマ

線を発生している事故位置を3次元的に特定することも

【図2】コーン・プロジェクション導出型コンプトン・カメラの原理を示したものである。

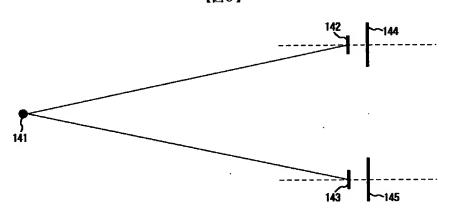
【図3】実球面調和関数系を示す図である。

【図4】点状ガンマ線源に対するシミュレーションの計算結果を示す図である。

【図5】ヒト頭部診断に対する応用を示す図である。

【図6】放射線事故位置特定に対する応用を示す図である。

【図6】

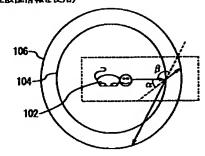


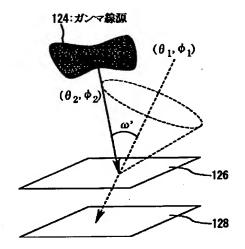
【図1】

【図2】

(a)

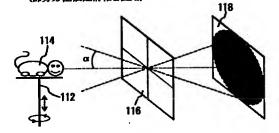
二<u>重</u>球面型檢出器 (全方位數私情報を使用)





(b)

二重平板型検出器 (部分方位散2.情報を使用)



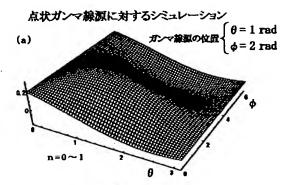
【図3】

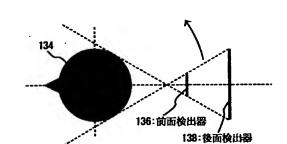
実球面調和関数系

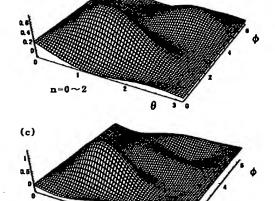
$$\begin{split} Y_{lm}(\theta,\phi) &= \left[\frac{2l+1}{4\pi}\right]^{\frac{1}{2}} P_{l}(\cos\theta) & m=0 \\ Y_{lm}(\theta,\phi) &= \left[\frac{2l+1}{2\pi} \frac{(l-m)!}{(l+m)!}\right]^{\frac{1}{2}} P_{l}^{m}(\cos\theta) \sin(m\phi) & 1 \le m \le l \\ Y_{lm}(\theta,\phi) &= \left[\frac{2l+1}{2\pi} \frac{(l-m)!}{(l+m)!}\right]^{\frac{1}{2}} P_{l}^{m}(\cos\theta) \cos(m\phi) & 1 \le m \le l \\ & \left[P_{l}^{m}(x) = (-1)^{m} (1-x^{2})^{\frac{m}{2}} \frac{d^{m} P_{l}(x)}{dx^{m}} \\ P_{l}^{m}(x) = (-1)^{m} \frac{(l-m)!}{(l+m)!} P_{l}^{m}(x) & (l \in (0,N), 0 \le m \le l) \\ & \left[P_{l}^{m}(x) = (-1)^{m} \frac{(l-m)!}{(l+m)!} P_{l}^{m}(x) & (l \in (0,N), 0 \le m \le l) \\ & \left[P_{l}^{m}(x) = (-1)^{m} \frac{(l-m)!}{(l+m)!} P_{l}^{m}(x) & (l \in (0,N), 0 \le m \le l) \\ & \left[P_{l}^{m}(x) = (-1)^{m} \frac{(l-m)!}{(l+m)!} P_{l}^{m}(x) & (l \in (0,N), 0 \le m \le l) \\ & \left[P_{l}^{m}(x) = (-1)^{m} \frac{(l-m)!}{(l+m)!} P_{l}^{m}(x) & (l \in (0,N), 0 \le m \le l) \\ & \left[P_{l}^{m}(x) = (-1)^{m} \frac{(l-m)!}{(l+m)!} P_{l}^{m}(x) & (l \in (0,N), 0 \le m \le l) \\ & \left[P_{l}^{m}(x) = (-1)^{m} \frac{(l-m)!}{(l+m)!} P_{l}^{m}(x) & (l \in (0,N), 0 \le m \le l) \\ & \left[P_{l}^{m}(x) = (-1)^{m} \frac{(l-m)!}{(l+m)!} P_{l}^{m}(x) & (l \in (0,N), 0 \le m \le l) \\ & \left[P_{l}^{m}(x) = (-1)^{m} \frac{(l-m)!}{(l+m)!} P_{l}^{m}(x) & (l \in (0,N), 0 \le m \le l) \\ & \left[P_{l}^{m}(x) = (-1)^{m} \frac{(l-m)!}{(l+m)!} P_{l}^{m}(x) & (l \in (0,N), 0 \le m \le l) \\ & \left[P_{l}^{m}(x) = (-1)^{m} \frac{(l-m)!}{(l+m)!} P_{l}^{m}(x) & (l \in (0,N), 0 \le m \le l) \\ & \left[P_{l}^{m}(x) = (-1)^{m} \frac{(l-m)!}{(l+m)!} P_{l}^{m}(x) & (l \in (0,N), 0 \le m \le l) \\ & \left[P_{l}^{m}(x) = (-1)^{m} \frac{(l-m)!}{(l+m)!} P_{l}^{m}(x) & (l \in (0,N), 0 \le m \le l) \\ & \left[P_{l}^{m}(x) = (-1)^{m} \frac{(l-m)!}{(l+m)!} P_{l}^{m}(x) & (l \in (0,N), 0 \le m \le l) \\ & \left[P_{l}^{m}(x) = (-1)^{m} \frac{(l-m)!}{(l+m)!} P_{l}^{m}(x) & (l \in (0,N), 0 \le m \le l) \\ & \left[P_{l}^{m}(x) = (-1)^{m} \frac{(l-m)!}{(l+m)!} P_{l}^{m}(x) & (l \in (0,N), 0 \le m \le l) \\ & \left[P_{l}^{m}(x) = (-1)^{m} \frac{(l-m)!}{(l+m)!} P_{l}^{m}(x) & (l \in (0,N), 0 \le m \le l) \\ & \left[P_{l}^{m}(x) = (-1)^{m} \frac{(l-m)!}{(l+m)!} P_{l}^{m}(x) & (l \in (0,N), 0 \le m \le l) \\ & \left[P_{l}^{m}(x) = (-1)^{m} \frac{(l-m)!}{(l+m)!} P_{l}^{m}(x) & (l \in (0,N), 0 \le m \le l) \\ & \left[P_{l}^{m}(x) = (-1)^{m} \frac{(l-m)!}{(l+m)!} P_{l}^{m}(x) & (l \in (0,N), 0 \le m \le l) \\ & \left[P$$

【図4】

【図5】

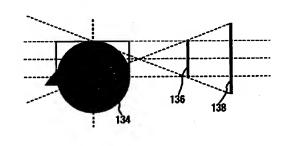








(a) 上面図



フロントページの続き

(b)

(72)発明者 柴田 貞夫 千葉県柏市あけばの四丁目10番18号

Fターム(参考) 26088 EE02 FF04 KK33